

Übungen zur Vorlesung
Näherungsalgorithmen
Aufgabenblatt 2

Aufgabe 1 (Δ -Hitting-Set)

HITTING SET ist das folgende Problem:

Eingabe: $\mathcal{U} = \{u_1, \dots, u_n\}$, $\mathcal{S} = \{S_1, \dots, S_m\}$ mit $S_i \subseteq \mathcal{U}$.

Gesucht: $\mathcal{L} \subseteq \mathcal{U}$ mit $S_i \cap \mathcal{L} \neq \emptyset$ und $w(\mathcal{L})$ minimal.

Für Δ -HITTING-SET gilt zusätzlich $|S_i| \leq \Delta$ für $1 \leq i \leq m$.

Adaptiere das Verfahren von Clarkson für Δ -HITTING-SET, so daß es eine Lösung mit Approximationsgüte Δ berechnet.

Aufgabe 2 (2-Approximation für CLIQUE COMPLEMENT COVER)

Folgendes Problem ist CLIQUE COMPLEMENT COVER

Eingabe: $G(V, E)$, $w : E \rightarrow \mathbb{N}^{\geq 1}$

Gesucht: $C \subseteq E$, so daß $E \setminus C$ eine Clique ist und $w(C)$ minimal

Gebe für dieses Problem eine 2-Approximation an. Überlege, welche Kantenmengen zusammen nicht in einer Clique sein können. Wende Gewichtsreduktion an und argumentiere ähnlich wie bei den lokalen Verhältnissen.

Tipp: Falls $e_1, e_2 \in E$ zwei Endpunkte besitzen, die nicht benachbart sind, so können nicht beide in einer Clique sein. e_1 oder e_2 muß gelöscht werden.

Aufgabe 3 (Approximiertes-VERTEX COVER) (Punkte)

Gegeben sei folgender Algorithmus *CircVC* für VERTEX COVER:

1. $CVC = \emptyset$
2. Finde kleinsten Kreis C in G .
3. $CVC \leftarrow CVC \cup C$, $G \leftarrow G \setminus V(C)$.
4. falls G nicht kreisfrei, gehe zu 2.
5. Wende VertexCover-Baumalgorithmus auf die Komponenten des übrigen Waldes W an.

Zeige nun, daß *CircVC* eine 2-Approximation für VERTEX COVER ist und bestimme die Laufzeit.

Tipp: Überlegen Sie sich wieviele Knoten eines Kreises der Länge ℓ mindestens in einer optimalen Lösung sein müssen!