

Übungen zur Vorlesung
Näherungsalgorithmen
Aufgabenblatt 7

Aufgabe 1 (Pseudopolynomieller Algorithmus für SUBSETSUM)

1. Gegeben sind natürliche Zahlen a_1, \dots, a_n, S . Gesucht ist $I \subseteq \{1, \dots, n\}$, so dass gilt $\sum_{j \in I} a_j = S$. Entwerfen Sie einen pseudopolynomiellen Algorithmus der SUBSETSUM in Zeit $O(nS)$ löst. Lassen Sie sich dabei vom KNAPSACK Problem inspirieren.
2. Das Problem PARTITION hat die gleiche Eingabe, es wird aber $\bar{I} \subseteq \{1, \dots, n\}$ gesucht mit $\sum_{j \in \bar{I}} a_j = \sum_{j \in (V \setminus \bar{I})} a_j$. Was muss man tun um ebenfalls einen pseudopolynomiellen Algorithmus für dieses Problem zu erhalten?

Aufgabe 2 (Pseudopolynomieller Algorithmus für MINIMUM MAKE-SPAN)

MINIMUM MAKESPAN ist Scheduling auf identischen Maschinen (MSIM) (siehe Aufgabe 2, Blatt 3). Betrachte nun das Beispiel mit 3 Maschinen ($p = 3$). Zeige, daß es einen in p_{\max} pseudopolynomiellen Algorithmus für MINIMUM MAKE-SPAN gibt, wobei $p_{\max} = \max\{p_1, \dots, p_n\}$ ist. Gib seine Laufzeit in n und p_{\max} an.

Hinweis: Benutze dynamisches Programmieren. Setze $s(t_1, t_2, t_3, i) = 1$, falls es ein Schedule für die ersten i Jobs gibt, welches Zeit t_i auf Maschine i benötigt.

Aufgabe 3 (PTAS für MINIMUM MAKESPAN)

Entwerfen Sie einen PTAS für MINIMUM MAKESPAN indem Sie den Pseudopolynomiellen Algorithmus aus Aufgabe 2 verwenden. Soll eine Leistungsgüte r erreicht werden, so soll maximal $O(n^4 (\frac{r}{r-1})^3)$ Zeit verbraucht werden.

Tipp: Lassen Sie sich fast uneingeschränkt von KNAPSACK inspirieren.

Aufgabe 4 (Nicht-Approximierbarkeit)

Zeigen Sie, dass das Graphenfärbungsproblem nicht besser als mit einer Ratio

(Leistungsgüte) von $\frac{4}{3}$ approximierbar ist.

Tipp: Beziehen Sie das 3-Färbungsproblem für Graphen in ihrer Überlegungen mit ein.